Klasse DP1a **Labor - Klausur** 17. Februar 2005

Name:

Aufgabe 1

Gegeben ist eine tridiagonale $n \times n-$Matrix A, wobei auf der Diagonalen -2 (Ausnahmen: $a_{11} = a_{nn} = -1$) und auf den Nebendiagonalen 1 stehen.
Betrachten Sie nun die Matrix $A_\delta := A + \delta I_n$

a) Definieren Sie diese Matrix in Abhängigkeit von n und δ auf möglichst einfache Weise.

b) Bestimmen Sie mit *Ihrem* Gauss-Algorithmus die Inverse A_δ^{-1} von A_δ für $n = 20, 50, 100$, $\delta = 0.1$ und $\delta = .001$.

c) Überprüfen Sie die Qualität von A_δ^{-1}, indem Sie die Norm von $A_\delta \cdot A_\delta^{-1} - A_\delta^{-1} \cdot A_\delta$ betrachten, Matlab-Befehl: `norm`.

d) Was geschieht für $\delta \to 0$?

Aufgabe 2

Die Funktion $f(x) = \begin{cases} 1 & -2 \leq x \leq 2 \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$ ist auf dem Intervall $I = [-3,\, 3]$ gegeben.

a) Benützen Sie Ihre *eigene* Polynom-Interpolation, um $f(x)$ auf dem gegebenen Intervall mit $n = 6, 10, 14$ äquidistanten Punkten zu interpolieren.

b) Stellen Sie neben dem Interpolationspolynomen $p_n(x)$ auch die Funktion $f(x)$ graphisch dar.

c) Stellen Sie in einem separaten Bild $|p_n(x) - f(x)|$ für die gewählten n halblogarithmisch dar.

Geben Sie hier die Namen Ihrer Files an:

Aufgabe 1

Aufgabe 2

Aufgabe 3

Bestimmen Sie mit Ihrer numerischen Ableitung die Punkte mit horizontalen Tangenten der Funktion

a) $f_a(x) = \frac{1}{2} \cdot x + \sin(x)$

b) $f_b(x) = 2x + |-\frac{1}{2} \cdot x^2 + 3|$

c) Stellen Sie die Funktion mit den Punkten mit horizontaler Tangente graphisch dar

d) Überprüfen Sie die Qualität der numerischen Ableitung (halblogarithmische Graphik)

Aufgabe 4

Auslöschung:

Vermeiden Sie bei der Berechnung von

a) $H(x) = \frac{1}{\sqrt{x+2}} - \frac{1}{\sqrt{x}}$

b) $\cos(1'') - 1$, wobei $1'' =$ eine Bogensekunde

c) $\sin(\frac{\pi}{2} - 1') - 1$, wobei $1' =$ eine Bogenminute

die Auslöschung

Aufgabe 5

a)

b)

c)